

Окружно такмичење из математике ученика основних школа  
07.03.2020.

IV разред

1. Саша је на папиру написао нулу, а затим редом све природне бројеве од 1 до 2020. Ако је у сваком минути написао тачно 77 цифара, колико му је после сат и по времена писања преостало бројева да напише?

2. Прецртај слику на папир који ћеш предати. Попуни празна поља у магичним квадратима.

2		
9		

„+“

20	12	

„=“

17	5	
	26	

Збир бројева у одговарајућим пољима прва два квадрата треба да буде једнак броју у одговарајућем пољу трећег квадрата.

3. Катарина је за свој нови стан купила фрижидер, телевизор и машину за прање. За све три ове ствари дала је укупно 80 000 динара. Колико кошта сваки од ових уређаја, ако је фрижидер за 8 900 динара скупљи од машине за прање, а телевизор за 6 200 динара јефтинији од фрижидера?

4. Ако једну страницу квадрата повећамо два пута, а другу три пута, добићемо правоугаоник површине  $96 \text{ cm}^2$ . За колико је обим добијеног правоугаоника већи од обима полазног квадрата?

5. Лифт у једној дадесетоспратници може да изврши само следеће две наредбе: да се подигне за 8 спратова и да се спусти за 13 спратова. Лифт не може да крене навише ако изнад њега нема бар 8 спратова, нити наниже ако испод њега нема бар 13 спратова. Запиши како се лифтом може:

- а) спустити са 20. спрата на приземље?  
б) стићи са 8. на 13. спрат?

Сваки задатак се бодује са по 20 бодова.

Израда задатака траје 150 минута.

Решење сваког задатка кратко и јасно образложити.

IV РАЗРЕД

Признавати сваки тачан поступак који се разликује од кључа.  
Бодовање прилагодити конкретном начину решавања.

1. Саша је написао  $10 + 2 \cdot 90 + 3 \cdot 900 + 4 \cdot 1021 = 6974$  цифре [10 поена]. После сат и по написао је  $90 \cdot 77 = 6930$  цифара [2 поена], односно преостало му је да запише још  $6974 - 6930 = 44$  цифре [6 поена], односно преостало му је да напише још  $44 : 4 = 11$  бројева [2 поена].

2. Сваки тачно уписан број по 1 поен.

2	7	6
9	5	1
4	3	8
10	8	18

„+“

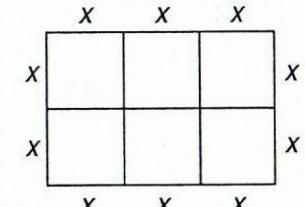
6	16	14
20	12	4
10	8	18

“=“

8	23	20
29	17	5
14	11	26

3. Ако цену машине за прање означимо са  $x$ , онда је цена фрижидера  $x + 8\ 900$ , а телевизора  $x + 2\ 700$  [5 поена]. Решавањем једначине или другом пригодном методом добијамо да је  $x = 22\ 800$ , односно да је цена машине за прање 22 800 динара [5 поена], фрижидера 31 700 динара [5 поена], а телевизора 25 500 динара [5 поена].

4. (МЛ 54/2) Ако са  $x$  означимо страницу квадрата, правоугаоник ће изгледати као на слици, тј. биће састављен од 6 квадрата. Површина једног квадрата биће  $96 \text{ cm}^2 : 6 = 16 \text{ cm}^2$  [5 поена], а његова страница  $x = 4 \text{ cm}$  [5 поена]. Обим квадрата биће  $4 \cdot x = 16 \text{ cm}$  [4 поена], а правоугаоника  $10 \cdot x = 40 \text{ cm}$  [4 поена], па је обим правоугаоника за 24 см већи од обима квадрата [2 поена].



5. Лифтом се у оба случаја само на један начин може стићи од почетног до жељеног спрата.

а)  $20 \rightarrow 7 \rightarrow 15 \rightarrow 2 \rightarrow 10 \rightarrow 18 \rightarrow 5 \rightarrow 13 \rightarrow$  приземље [10 поена].

б)  $8 \rightarrow 16 \rightarrow 3 \rightarrow 11 \rightarrow 19 \rightarrow 6 \rightarrow 14 \rightarrow 1 \rightarrow 9 \rightarrow 17 \rightarrow 4 \rightarrow 12 \rightarrow 20 \rightarrow 7 \rightarrow 15 \rightarrow 2 \rightarrow 10 \rightarrow 18 \rightarrow 5 \rightarrow 13$  [10 поена].